



# ESPE

UNIVERSIDAD DE LAS FUERZAS ARMADAS  
INNOVACIÓN PARA LA EXCELENCIA

# INVESTIGACIÓN OPERATIVA I

**TEMA:** Resolución de problemas utilizando el método SIMPLEX

Elizeth Tipan



**AULA:** A301

**NRC:** 3363

**INGENIERO:** Juan Carlos Erazo

2015-07-06

**SEMESTRE**

**ABRIL-AGOSTO 2015**



10.15 Acme Skateboard Company fabrica tres modelos de patinetas: regular, especial y de lujo. En la tabla se muestran los datos de costos, precio de venta y otra información relacionada con cada modelo.

Modelo	Regular	Especial	De lujo
Precio de venta por unidad	7	15	25
Costo de materias primas por unidad	3	6	10
Horas de trabajo necesarias para el montaje, para el acabado y para el empaquetado por unidad.	0.1	0.2	0.5
Límite superior de la demanda para las ventas semanales.	1000	800	300

Acme tiene una fuerza de trabajo de cinco individuos asalariados que trabajan un máximo de 40 horas por semana y que reciben una paga de 280 dólares por semana (incluyendo prestaciones) aunque no trabajen las 40 horas. Acme desea encontrar el plan óptimo de producción semanal que maximice el beneficio y la contribución al costo fijo de fuerza de trabajo.

Formule un modelo de programación lineal que maximice el beneficio más la contribución a los costos fijos de fuerza de trabajo

### FUNCION OBJETIVA

$X_1$  = PATINETA REGULAR  
 $X_2$  = PATINETA ESPECIAL  
 $X_3$  = PATINETA DE LUJO

$$Z(MD\lambda) = (7-3)X_1 + (15-6)X_2 + (25-10)X_3$$

$$\Rightarrow Z(MD\lambda) = 4X_1 + 9X_2 + 15X_3$$

### RESTRICCIONES

$$0.10X_1 + 0.20X_2 + 0.5X_3 \leq 200 \quad \text{FUERZA DE TRABAJO}$$

$$X_1 \leq 1000 \quad \text{DEMANDA REGULAR}$$

$$X_2 \leq 800 \quad \text{DEMANDA ESPECIAL}$$

$$X_3 \leq 300 \quad \text{DEMANDA DE LUJO}$$

### VARIABLES DE HOLGURA

$$0.10X_1 + 0.20X_2 + 0.5X_3 + S_1 = 200$$

$$X_1 + S_2 = 1000$$

$$X_2 + S_3 = 800$$

$$X_3 + S_4 = 300$$

$S_1$  = FUERZA DE TRABAJO NO UTILIZADA  
 $S_2$  = DEMANDA REGULAR NO SATISFECHA  
 $S_3$  = DEMANDA ESPECIAL NO SATISFECHA  
 $S_4$  = DEMANDA DE LUJO NO SATISFECHA



$S_j$	$X_b$	$b_0$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$
0	$S_1$	200	0.10	0.2	0.5	1	0	0	0
0	$S_2$	1000	1	0	0	0	1	0	0
0	$S_3$	800	0	1	0	0	0	1	0
6	$S_4$	300	0	0	1	0	0	0	1
	$X_1$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_2$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_3$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_4$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_5$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_6$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_7$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_8$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_9$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{10}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{11}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{12}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{13}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{14}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{15}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{16}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{17}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{18}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{19}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{20}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{21}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{22}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{23}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{24}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{25}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{26}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{27}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{28}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{29}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{30}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{31}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{32}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{33}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{34}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{35}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{36}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{37}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{38}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{39}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{40}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{41}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{42}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{43}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{44}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{45}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{46}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{47}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{48}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{49}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{50}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{51}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{52}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{53}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{54}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{55}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{56}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{57}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{58}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{59}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{60}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{61}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{62}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{63}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{64}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{65}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{66}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{67}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{68}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{69}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{70}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{71}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{72}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{73}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{74}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{75}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{76}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{77}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{78}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{79}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{80}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{81}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{82}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{83}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{84}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{85}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{86}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{87}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{88}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{89}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{90}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{91}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{92}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{93}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{94}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{95}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{96}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{97}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{98}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{99}$	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_{100}$	0	0	0	0	0	0	0	0

Coefficiente  $S_1$

$$200 - 800 (0.5) =$$

$$600 - 0 (0.5) =$$

$$0.2 - 0 (0.5) =$$

$$0.5 - 1 (0.5) =$$

$$1 - 0 (0.5) =$$

$$0 - 0 (0.5) =$$

$$0 - 0 (0.5) =$$

$$0 - 1 (0.5) =$$

Coefficiente  $X_2$

$$250 - (220 - 1.25) =$$

$$0.5 - -0.2 - 1.25 =$$

$$1 - 0 (1.25) =$$

$$2.5 - 0 (1.25) =$$

$$5 - -2 (1.25) =$$

$$0 - 0 (1.25) =$$

$$0 - 0.4 (1.25) =$$

$$-2.5 - 1 (1.25) =$$

Coefficiente  $S_4$

$$220 - 400 (-0.2) =$$

$$-0.2 - 1 (-0.2) =$$

$$0 - 0 (-0.2) =$$

$$0 - 5 (-0.2) =$$

$$-2 - 10 (-0.2) =$$

$$0 - 0 (-0.2) =$$

$$0.4 - -2 (-0.2) =$$

$$1 - 0 (-0.2) =$$

**Solución**

$$Z(\text{Max}) = 2800$$

$$X_1 = 400 \rightarrow \text{PATINETE REGULAR}$$

$$X_2 = 800 \rightarrow \text{PATINETE ESPECIAL}$$

$$X_3 = 0 \rightarrow \text{PATINETE DE USO}$$

$$S_1 = 0 \rightarrow \text{SE UTILIZÓ TODA LA FUERZA DE TRABAJO}$$

$$S_2 = 600 \rightarrow \text{DEMANDA REGULAR NO SATISFECHA}$$

$$S_3 = 0 \rightarrow \text{SE CUBRIÓ LA DEMANDA ESPECIAL}$$

$$S_4 = 300 \rightarrow \text{DEMANDA DE USO NO SATISFECHA}$$





3.1-11 La compañía manufacturera Omega discontinuó la producción de cierta línea de productos no redituable. Esto creó un exceso considerable en la capacidad de producción. La gerencia quiere dedicar esta capacidad a uno o más de tres productos, llamados productos 1, 2 y 3. En la siguiente tabla se resume la capacidad disponible de cada máquina que puede limitar la producción:

Tipo de máquina	Tiempo disponible (en horas-máquina por semana)
Fresadora	500
Torno	350
Rectificadora	150

El número de horas-máquina requeridas para cada unidad de los productos respectivos es,

**Coefficiente de productividad**  
(En horas máquina por unidad)

Tipo de máquina	Producto 1	Producto 2	Producto 3
Fresadora	9	3	5
Torno	5	4	0

#### FUNCION OBJETIVO

$X_1$  = PRODUCTO 1

$X_2$  = PRODUCTO 2

$X_3$  = PRODUCTO 3

$$Z(Mdx) = 50X_1 + 20X_2 + 25X_3$$

#### RESTRICCIONES

$$9X_1 + 3X_2 + 5X_3 \leq 500 \quad \text{T. DISP EN LA FRECADORA}$$

$$5X_1 + 4X_2 \leq 350 \quad \text{TIENTO DISP EN EL TORNO}$$

$$3X_1 + 2X_3 \leq 150 \quad \text{TIENTOS DISP EN LA RECTIFICADORA}$$

$$X_3 \leq 20 \quad \text{VENTAS DEL PRODUCTO 3}$$

#### VARIABLES DE ALGUERD

$$9X_1 + 3X_2 + 5X_3 + S_1 = 500$$

$$5X_1 + 4X_2 + S_2 = 350$$

$$3X_1 + 2X_3 + S_3 = 150$$

$$X_3 + S_4 = 20$$

$S_1$  = TIEMPO EN LA FRECADORA NO UTILIZADO

$S_2$  = TIEMPO DISP EN EL TORNO NO UTILIZADO

$S_3$  = TIEMPO EN LA RECTIFICADORA NO UTILIZADO

$S_4$  = VENTAS DEL PRODUCTO 3 NO VENDIDAS



$C_j$		$X_6$	$h_0$	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$
0	$S_1$	500	9	3	5	1	0	0	0	0
0	$S_2$	350	5	4	0	0	1	0	0	0
0	$S_3$	150	3	0	2	0	0	1	0	0
6	$S_4$	20	0	0	1	0	0	0	0	1
	$X_5$	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	$X_5 - G_1$	-	-50	-20	-25	0	0	0	0	0
0	$S_1$	50	0	3	-1.03	1	0	-2.97	0	0
0	$S_2$	100	0	4	3.35	0	1	-1.65	0	0
50	$X_1$	50	1	0	0.67	0	0	0.33	0	0
0	$S_4$	20	0	0	1	0	0	0	0	0
	$X_3$	2500	50	0	33.5	0	0	16.5	50	0
	$X_3 - G_1$	-	0	-20	8.5	0	0	16.5	50	0
20	$X_2$	16.67	0	1	-0.34	0.33	0	-1	0	0
	$S_2$	33.32	0	0	-2	-1.32	1	2.35	0	0
50	$X_1$	50	1	0	0.67	0	0	0.33	0	0
0	$S_4$	20	0	0	1	0	0	0	0	1
	$X_3$	2333.40	50	20	26.7	6.6	0	-3.50	0	0
	$X_3 - G_1$	-	-	-	1.10	6.6	0	-3.50	0	0
20	$X_2$	23.47	0	1	0	0.33	0	-1	0.34	0
0	$S_2$	33.32	0	0	0	-1.32	1	2.35	0	0
50	$X_1$	36.60	1	0	0	0	0	0.33	-0.67	0
2.5	$X_3$	20	0	0	1	0	0	0	1	0
	$X_3$	2399.40	50	20	25	6.60	0	-3.50	-1.70	0
	$X_3 - G_1$	-	0	0	0	6.60	0	-3.50	-1.70	0
20	$X_2$	54.72	0	1	0	-0.23	0.43	0	1.19	0
0	$S_3$	31.40	0	0	0	-0.34	0.43	1	0.25	0
50	$X_1$	26.19	1	0	0	0.18	-0.19	0	-0.45	0
2.5	$X_3$	20	0	0	1	0	0	0	1	0
	$X_3$	2404.40	50	20	20	4.4	1.60	0	1.3	0
	$X_3 - G_1$	-	0	0	0	4.4	1.60	0	1.3	0

coeficiente  $S_1$

coef.  $S_2$

$$\begin{aligned}
 500 - 50(9) &= 350 - 50(5) \\
 9 - 1(9) &= 5 - 1(5) \\
 3 - 0(9) &= 4 - 0(5) \\
 5 - 0.67(9) &= 0 - 0(5) \\
 1 - 0(9) &= 0 - 0(5) \\
 0 - 0(9) &= 1 - 0(5) \\
 0 - 0.33(9) &= 0 - 0.33(5) \\
 0 - 0(9) &= 0 - 0(5)
 \end{aligned}$$

coeficiente  $S_2$

coef.  $X_1$

$$\begin{aligned}
 100 - 16.67(4) &= 50 - 20(0.67) \\
 0 - 0(4) &= 1 - 0(0.67) \\
 4 - 1(4) &= 0 - 0(0.67) \\
 -3.35 - -0.34(4) &= 0.67 - 1(0.67) \\
 0 - 0.33(4) &= 0 - 0(0.67) \\
 1 - 0(4) &= 0 - 0(0.67) \\
 -1.65 - -1(4) &= 0.33 - 0(0.67) \\
 0 - 0(4) &= 0 - 1(0.67)
 \end{aligned}$$

coeficiente  $X_2$

coef.  $S_2$

$$\begin{aligned}
 16.67 - 20(-0.34) &= 33.32 - 20(-2) \\
 0 - 0(-0.34) &= 0 - 0(-2) \\
 1 - 0(-0.34) &= 0 - 0(-2) \\
 -0.34 - 1(-0.34) &= -2 - 1(-2) \\
 0.33 - 0(-0.34) &= -1.32 - 0(-2) \\
 0 - 0(-0.34) &= 1 - 0(-2) \\
 -1 - 0(-0.34) &= 2.35 - 0(-2) \\
 0 - 1(-0.34) &= 0 - 1(-2)
 \end{aligned}$$

coeficiente  $X_3$

$$\begin{aligned}
 36.60 - 31.20(0.33) &= \\
 1 - 0(0.33) &= \\
 0 - 0(0.33) &= \\
 0 - 0(0.33) &= \\
 0 - -0.56(0.33) &= \\
 0 - 0.43(0.33) &= \\
 0.33 - 1(0.33) &= \\
 -0.67 - 0.85(0.33) &=
 \end{aligned}$$

### SOLUCION

$$Z(\text{MAX}) = 2904.40$$

$$X_1 = 26.19 \rightarrow \text{PRODUCTO 1}$$

$$X_2 = 54.72 \rightarrow \text{PRODUCTO 2}$$

$$X_3 = 20 \rightarrow \text{PRODUCTO 3}$$

$$S_1 = 0 \rightarrow \text{TIEMPO DISPONIBLE EN FREESBOARD UTILIZADO}$$

$$S_2 = 0 \rightarrow \text{TIEMPO DISPONIBLE EN EL TORNO UTILIZADO}$$

$$S_3 = 31.40 \rightarrow \text{TIEMPO EN RECTIFICADOR NO UTILIZADO}$$

$$S_4 = 0 \rightarrow \text{SE VENDIO TODO EL PRODUCTO 3}$$





Una empresa planea una campaña de publicidad para un nuevo producto. Se establecen como metas el que la publicidad llegue por lo menos a 320 mil individuos audiencia A, de los cuales al menos 120 mil tengan un ingreso mínimo anual de 5.000 dólares, y al menos 80 mil sean solteros. Se desea utilizar únicamente la radio y la televisión como medios de publicidad. Un anuncio de televisión cuesta 10 mil dólares y se estima que llegue a un promedio de 40 mil individuos audiencia A, de los cuales un 25% tienen ingresos superiores a 5.000 dólares anuales y un 20% son solteros. Un anuncio por radio FM cuesta 6 mil dólares y llega a un auditorio promedio de 10 mil oyentes clase A, de los cuales el 80% tienen ingresos superiores a los 5.000 dólares anuales y 4 mil son solteros. Hallar el número de anuncios por cada medio para minimizar el costo.

### FUNCION OBJETIVO

$X_1$  = ANUNCIOS RADIO

$X_2$  = ANUNCIO TV

$$Z(\text{MIN}) = 6000 X_1 + 10000 X_2$$

### RESTRICCIONES

$$10000 X_1 + 40000 X_2 \geq 320000 \quad \text{INDIVIDUOS AUDIENCIA A}$$

$$8000 X_1 + 10000 X_2 \geq 120000 \quad \text{PERSONAS CON INGRESOS MÍNIMOS}$$

$$4000 X_1 + 8000 X_2 \geq 80000 \quad \text{PERSONAS SOLTEROS}$$

### VARIABLES DE HOJISORD

$$10 X_1 + 40 X_2 - S_1 + M_1 = 320$$

$$8 X_1 + 10 X_2 - S_2 + M_2 = 120$$

$$4 X_1 + 8 X_2 - S_3 + M_3 = 80$$

$S_1$  = INDIVIDUOS AUDIENCIA "A" NO SATISFECHOS

$S_2$  = PERSONAS CON INGRESOS MÍNIMOS NO SATISFECHOS

$S_3$  = PERSONAS SOLTEROS NO SATISFECHOS







**7.4-19 Producción.** Una compañía fabrica tres tipos de muebles para patio; sillas, mecedoras y tumbonas. Cada uno requiere madera, plástico y aluminio como se indica en la tabla siguiente. La compañía tiene disponibles 400 unidades de madera, 500 unidades de plástico y 1470 unidades de aluminio. Cada silla, mecedora y tumbona se venden en \$7, \$8 y \$12 respectivamente. Suponiendo que todos los muebles pueden ser vendidos, determine el plan de producción de modo que el ingreso total sea maximizado. ¿Cuál es el ingreso máximo?

	Madera	Plástico	Aluminio
Silla	1 unidad	1 unidad	2 unidades
Mecedora	1 unidad	1 unidad	3 unidades
Tumbona	1 unidad	2 unidades	5 unidades

#### FUNCION OBJETIVO

$X_1 =$  SILLAS

$X_2 =$  MECEDORAS

$X_3 =$  TUMBONA

$$Z (MAX) = 6X_1 + 8X_2 + 12X_3$$

#### RESTRICCIONES

$$X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 400 \quad \text{MADERA}$$

$$X_1 + X_2 + 3X_3 \leq 600 \quad \text{PLASTICO}$$

$$X_1 + 2X_2 + 5X_3 \leq 1500 \quad \text{ALUMINIO}$$

#### VARIABLE DE HOLGURA

$$X_1 + X_2 + 2X_3 + S_1 = 400$$

$$X_1 + X_2 + 3X_3 + S_2 = 600$$

$$X_1 + 2X_2 + 5X_3 + S_3 = 1500$$

$S_1 =$  MADERA NO UTILIZADA

$S_2 =$  PLASTICO NO UTILIZADO

$S_3 =$  ALUMINIO NO UTILIZADO







$G_j$			6	2	12	0	0	0
	$x_b$	$b_n$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$s_1$	$s_2$	$s_3$
0	$s_1$	400	1	1	$\langle 2 \rangle$	1	0	0
6	$s_2$	600	1	1	3	0	1	0
0	$s_3$	1500	1	2	5	0	0	1
	$x_j$	0	0	0	0	0	0	0
	$\lambda_j - C_j$	-	-6	-2	-12	0	0	0
12	$x_3$	200	0,5	$\langle 0,5 \rangle$	1	0,5	0	0
0	$s_2$	0	-0,5	-0,5	0	-1,5	1	0
0	$s_3$	500	-1,5	-0,5	0	-2,5	0	1
	$x_j$	2400	6	6	12	6	0	0
	$\lambda_j - C_j$	-	0	-2	0	6	0	0
8	$x_2$	400	1	1	2	1	0	0
0	$s_2$	200	0	0	1	-1	1	0
0	$s_3$	700	-1	0	1	-2	0	1
	$x_j$	3200	8	8	16	8	0	0
	$\lambda_j - C_j$	-	2	0	4	8	0	0

Coficiente  $s_2$

Coficiente  $s_2$

$$\begin{aligned} 600 - 200(3) &= 0 - 400(-0,5) = \\ 1 - 0,5(3) &= -0,5 - 1(0,5) = \\ 1 + 0,5(3) &= -0,5 - 1(-0,5) = \\ 3 - 1(3) &= 0 - 2(-0,5) = \\ 0 + 0,5(3) &= -1,5 - 1(-0,5) = \\ 1 - 0(3) &= 1 - 0(-0,5) = \\ 6 - 0(3) &= 6 - 6(-0,5) = \end{aligned}$$

Coficiente  $s_3$

$$\begin{aligned} 500 - 400(-0,5) &= \\ -1,5 - 1(-0,5) &= \\ -0,5 - 1(-0,5) &= \\ 0 - 2(-0,5) &= \\ -2,5 - 1(-0,5) &= \\ 0 - 0(-0,5) &= \\ 1 - 0(-0,5) &= \end{aligned}$$

### SOLUCIÓN

$$\begin{aligned} x_1 &= 0 && \text{SILOS} \\ x_2 &= 400 && \text{MECEDOR} \\ x_3 &= 0 && \text{TUMBON} \end{aligned}$$

$$Z(\text{MAX}) = 3200$$

$$\begin{aligned} s_1 &= 0 && \rightarrow \text{SE UTILIZO TODA LA MADERA} \\ s_2 &= 200 && \rightarrow \text{PLASTICO NO UTILIZADO} \\ s_3 &= 700 && \rightarrow \text{ALUMINIO NO UTILIZADO} \end{aligned}$$







**7.6-14 Producción.** Una compañía fabrica tres productos: X, Y, Z. Cada producto requiere el uso de tiempo de máquina en las máquinas A y B como se da en la tabla siguiente. El número de hora por semana que A y B están disponibles para la producción son 40 y 30, respectivamente. La utilidad por unidad de X, Y y Z es \$50, \$60 y \$75, respectivamente. Las siguiente semana deben producir al menos cinco para ese período de Z. ¿Cuál deber ser el plan de producción para ese período si la utilidad máxima es alcanzada? ¿Cuál es la utilidad máxima?

	Máquina A	Máquina B
Producto X	1 hora	1 hora
Producto Y	2 horas	1 hora
Producto Z	2 horas	2 horas

#### FUNCION OBJETIVO

$X_1$  = PRODUCTO X

$X_2$  = PRODUCTO Y

$X_3$  = PRODUCTO Z

$$Z \text{ (MLA)} = 50X_1 + 60X_2 + 75X_3$$

#### RESTRICCIONES

$$X_1 + 2X_2 + 2X_3 \leq 40 \quad \text{TIEMPO MÁQUINA A}$$

$$X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 30 \quad \text{TIEMPO MÁQUINA B}$$

$$X_3 \geq 5 \quad \text{PRODUCCION MINIMA Z}$$

#### VARIABLE DE HOJERA

$$X_1 + 2X_2 + 2X_3 + S_1 = 40$$

$$X_1 + X_2 + 2X_3 + S_2 = 30$$

$$X_3 - S_3 + M_3 = 5$$

$S_1$  = TIEMPO MÁQUINA "A" NO UTILIZADO

$S_2$  = TIEMPO MÁQUINA "B" NO UTILIZADO

$S_3$  = PRODUCCION Z NO UTILIZADO







$C_j$			50	60	75	0	0	0	M
	$X_0$	$b_0$	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$M_i$
0	$S_1$	40	1	2	2	1	0	0	0
0	$S_2$	30	1	1	2	0	1	0	0
M	$M_3$	5	6	0	$\langle 1 \rangle$	0	0	-1	1
	$X_j$	5M	0M	0M	M	0M	0M	-M	M
	$X_j - b_j$	-	0M	0M	M	0M	0M	-M	0M
0	$S_1$	30	1	$\langle 2 \rangle$	0	1	0	2	
0	$S_2$	20	1	1	0	0	1	2	
75	$X_3$	5	0	0	1	0	0	-1	
	$X_j$	375	0	0	75	0	0	-75	
	$X_j - b_j$	-	-50	-60	0	0	0	-75	
60	$X_2$	15	0.5	1	0	0.5	0	1	
0	$S_2$	5	$\langle 0.5 \rangle$	0	0	-0.5	1	1	
75	$X_3$	5	0	0	1	0	0	-1	
	$X_j$	1275	30	60	75	30	0	-15	
	$X_j - b_j$	-	-20	0	0	30	0	-15	
60	$X_2$	10	0	1	0	1	-1	0	
50	$X_1$	10	1	0	0	-1	2	2	
75	$X_3$	5	0	0	1	0	0	-1	
	$X_j$	1475	50	60	75	10	40	25	
	$X_j - b_j$	-	0	0	0	10	40	25	

Coefficiente 1

$$\begin{aligned} 40 - 5(2) &= \\ 1 - 0(2) &= \\ 2 - 0(2) &= \\ 2 - 0(2) &= \\ 1 - 1(2) &= \\ 0 - 0(2) &= \\ 0 - -1(2) &= \end{aligned}$$

Coefficiente 2

$$\begin{aligned} 30 - 5(2) &= \\ 1 - 0(2) &= \\ 1 - 0(2) &= \\ 2 - 0(2) &= \\ 0 - 1(2) &= \\ 1 - 0(2) &= \\ 0 - -1(2) &= \end{aligned}$$

Coefficiente  $X_2$

$$\begin{aligned} 15 - 10(0.5) &= \\ 0.5 - 1(0.5) &= \\ 1 - 0(0.5) &= \\ 0 - 0(0.5) &= \\ 0.5 - -1(0.5) &= \\ 0 - 2(0.5) &= \\ 1 - 2(0.5) &= \end{aligned}$$

### SOLUCIÓN:

$$\begin{aligned} X_1 &= 10 \rightarrow \text{PRODUCTO X} \\ X_2 &= 10 \rightarrow \text{PRODUCTO Y} \\ X_3 &= 5 \rightarrow \text{PRODUCTO Z} \end{aligned}$$

$$Z(\text{MAX}) = 1475$$

$$\begin{aligned} S_1 &= 0 \rightarrow \text{SE UTILIZÓ TODO EL TIEMPO DISPONIBLE DE LA MÁQUINA A} \\ S_2 &= 0 \rightarrow \text{SE UTILIZÓ TODO EL TIEMPO DISPONIBLE DE LA MÁQUINA B} \\ S_3 &= 0 \rightarrow \text{SE PRODUJO TODO DE Z} \end{aligned}$$